

Esercizi

11.20 [10Q] Prerequisiti: [10M]. Dato $p \in [1, \infty]$ si mostri la **disuguaglianza di Minkowski**

$$\|x + y\|_p \leq \|x\|_p + \|y\|_p \quad . \quad (11.20)$$

Se ne deduce che $\|x\|_p$ sono norme.

Per $p \in (1, \infty)$ trovate una semplice condizione (necessaria e sufficiente) che comporti l'uguaglianza; confrontatela con [oZY]; deducete che \mathbb{R}^n con la norma $\|\cdot\|_p$ per $p \in (1, \infty)$ è uno *spazio normato strettamente convesso* (vedere [oZZ]).

Soluzione 1. [10R]