

**Definizione 3.52.** [1Y0] *L'assioma di specificazione, che recita*

Se  $A$  è un insieme, e  $P(x)$  è una proposizione logica, allora  
 $\{x \in A : P(x)\}$  è un insieme.

*Formalmente, ponendo  $B = \{x \in A : P(x)\}$ ,*

$$\forall X, X \in B \iff X \in A \wedge P(x) \quad .$$

*Questo assioma evita il paradosso di Russel: sia  $A$  l'insieme degli  $x$  tali che  $x \notin x$ , allora non si ha né  $A \in A$  né  $A \notin A$ .*