

Esercizi

E5.15 [1ZT] Supponiamo che in un anello A vi sia un ordinamento totale \leq tale che per ogni $x, y, z \in A$ si ha $x \leq y \Rightarrow x + z \leq y + z$; allora mostrate che sono equivalenti

$$\bullet \quad x \leq y \wedge 0 \leq z \quad \Rightarrow \quad x \cdot z \leq y \cdot z;$$

$$\bullet \quad x \geq 0 \wedge y \geq 0 \quad \Rightarrow \quad x \cdot y \geq 0.$$