

Esercizio 5.17. [1ZX] In un campo ordinato F chiamiamo $P = \{x \in F : x \geq 0\}$ l'insieme dei numeri positivi (o nulli); soddisfa le seguenti proprietà:^a

- $x, y \in P \Rightarrow x + y, x \cdot y \in P,$
- $P \cap (-P) = \{0\}$ e
- $P \cup (-P) = F.$

viceversa se in un campo F possiamo trovare un insieme $P \subseteq F$ che le soddisfi, allora F è un campo ordinato ponendo $x \leq y \Leftrightarrow y - x \in P.$

^aDal Cap. 2 Sec. 7 in [?]