

Nota 5.5. [20R] (Svolto il 2022-11-15) In genere^a si usano le scritte a sinistra al posto delle scritte a destra (dove x, y, z sono nel campo e n è intero positivo)

$x - y$	$x + (-y)$
$\frac{x}{y}$	$x \cdot y^{-1}$
$x + y + z$	$(x + y) + z$
xyz	$(x \cdot y) \cdot z$
nx	$\underbrace{x + \dots + x}_{n \text{ volte}}$
x^n	$\underbrace{x \cdot \dots \cdot x}_{n \text{ volte}}$
x^{-n}	$(x^{-1})^n$

Precisamente, nx significa “sommare x a se stesso n volte”; l’operazione $n \mapsto n \cdot x$ si può definire ricorsivamente ponendo $0 \cdot x = 0$ e $(n + 1) \cdot x = n \cdot x + x$. Similmente x^n significa “moltiplicare x per se stesso n volte”; si veda l’esercizio [20Z].

^aTratto dal 1.13 in [26]