

Teorema 3.180. [244] \mathbb{N} è il più piccolo insieme S -saturato.

Dimostrazione. Dato un insieme A che sia S -saturato, si definisce \mathbb{N}_A come l'intersezione di tutti i sottoinsiemi S -saturi di A . Per [245], \mathbb{N}_A è S -saturato. Dati due insiemi A, B che siano S -saturi, si mostra che $\mathbb{N}_A = \mathbb{N}_B$: si indica dunque con \mathbb{N} questo insieme. In particolare, dato un insieme A che sia S -saturato, si ha $\mathbb{N} \subseteq A$. □