

Proposizione 3.187. [26J] Questo modello di \mathbb{N} è un insieme bene ordinato dall'ordinamento

$$n \leq m \iff n \subseteq m \quad .$$

Inoltre in questo modello si ha

$$\forall n, m \in \mathbb{N}, n \in m \iff (n \subseteq m \wedge n \neq m) \quad . \quad (3.188)$$

dunque, definendo (come usuale)

$$n < m \doteq (n \subseteq m \wedge n \neq m)$$

possiamo scrivere

$$n \in m \iff n < m \quad .$$

Questo è dimostrato negli esercizi successivi, e in particolare in [269].