

Esercizi

E3.d.33 [2B2] Supponiamo che l'insieme X abbia associato una relazione R che sia riflessiva e transitiva e per cui

$$\forall x, y \in X \exists z \in X, xRz, yRz \quad . \quad (3.d.34)$$

(come visto in [(3.96)])

Questa coppia (X, R) è un "Insieme Diretto" secondo la definizione usuale (cfr. [17] o altre referenze in [37]).

Mostrate che esiste un'altra relazione \leq tale che

- \leq è un ordine parziale che soddisfa [(3.96)];
- R estende \leq cioè

$$\forall x, y \in X \quad x \leq y \Rightarrow xRy \quad ;$$

- inoltre (X, \leq) è cofinale in (X, R) .

Soluzione 1. [2GM]