

Nota 6.2. [20J] Dato un insieme $I \subset \mathbb{R}$ vi sono diversi modi di dire che una funzione $f : I \rightarrow \mathbb{R}$ è **monotona**. Elenchiamo innanzitutto i diversi tipi di monotonia

$$\forall x, y \in I, x < y \implies f(x) \leq f(y) \quad (6.3)$$

$$\forall x, y \in I, x < y \implies f(x) < f(y) \quad (6.4)$$

$$\forall x, y \in I, x < y \implies f(x) \geq f(y) \quad (6.5)$$

$$\forall x, y \in I, x < y \implies f(x) > f(y) \quad (6.6)$$

Purtroppo nell'uso comune vi sono diverse e incompatibili convenzioni usate nel nominare le precedenti definizioni. Ecco una tabella, in cui ogni convenzione è una colonna.

(6.3)	<i>non decrescente</i>	<i>crescente</i>	<i>debolmente cres</i>
(6.4)	<i>crescente</i>	<i>strettamente crescente</i>	<i>strettamente cres</i>
(6.5)	<i>non crescente</i>	<i>decrescente</i>	<i>debolmente decr</i>
(6.6)	<i>decrescente</i>	<i>strettamente decrescente</i>	<i>strettamente dec</i>

In questo testo viene usate la convenzione nell'ultima colonna.
 (La prima colonna è, a mio parere, problematica. Spesso porta all'uso, purtroppo comune, di frasi come “ f è una funzione non decrescente” o “prendiamo una funzione f non decrescente”; questa può dare adito a confusione: sembra dire che f non soddisfa il requisito di essere decrescente, ma non specifica se è monotona. Chi segue la convenzione in prima colonna (a mio parere) dovrebbe sempre dire anche “monotona”).